Soient Γ_p^- et $\Gamma_{p'}^-$ les deux caractéristiques issues de O' et de pentes égales respectivement à $-C_p$ et $-C_{p'}$. Il est commode de raisonner sur le quadrilatère curviligne infinitésimal A B C D délimité par ces deux courbes et deux autres caractéristiques Γ^+. Il lui correspond une image a b c d dans le plan des $p-u$ où les courbes caractéristiques qui portent les arcs a d et b c se déduisent l'une de l'autre par translation parallèle à Ωu (cf. Fig.).

Par conséquent :

$$\frac{\left[\Delta p\right]_D^C}{C_{p'}} = \frac{\left[\Delta p\right]_A^B}{C_p}$$

D'autre part, les arcs $\overset{\frown}{AD}$ et $\overset{\frown}{BC}$ appartiennent approximativement à des hyperboles équilatères centrées en O' puisque rayon vecteur O'M et tangente doivent admettre les axes de coordonnées comme directions bissectrices. Il en résulte que :

$$\frac{\left[\Delta x\right]_D^C}{\sqrt{C_{p'}}} = \frac{\left[\Delta x\right]_A^B}{\sqrt{C_p}}$$

L'égalité (2) - p. 76 - se déduit des deux résultats précédents.